



STUCOM
Centre d'Estudis
www.stucom.com

Homologat i concertat per
la Generalitat de Catalunya

MATÈRIA: MATEMÀTIQUES CRÈDIT ZERO

- Repàs teòric
- Exercicis

Dept. de Ciències 2021_2022

Estudis: BATXILLERAT

Curs: 1r

Toni Gregori i Punyet



Temari: Repàs de l'ESO

1. OPERACIONS AMB NOMBRES ENTERS

RECORDA:

$$\left[\begin{array}{ll} -(a) = -a & -(-a) = a \\ (-a) \cdot b = a \cdot (-b) = -a \cdot b = -ab & (-a) \cdot (-b) = a \cdot b = ab \\ a - (b + c - d) = a - b - c + d & a \cdot (b + c - d) = ab + ac - ad \end{array} \right]$$

EXEMPLES

E1.1: $3 - (-5) + (-7) = 3 + 5 - 7 = 8 - 7 = 1$

E1.2: $5 - [-2 - (-1) + 7] = 5 - [-2 + 1 + 7] = 5 - [8 - 2] = 5 - [6] = 5 - 6 = -1$

Una altra manera de fer E1.2: $5 - [-2 + 1 + 7] = 5 + 2 - 1 - 7 = 7 - 8 = -1$

E1.3: $[8 - (-3) - 5 + (-7)] - [-2 - (-1)] = [8 + 3 - 5 - 7] - [-2 + 1] = [11 - 12] - [-1] = -1 + 1 = 0$

Una altra manera de fer E1.3: $= 8 + 3 - 5 - 7 + 2 - 1 = 13 - 13 = 0$

E1.4: $2 \cdot [3 - (-5) - 6 + (-4)] - 3 \cdot [8 + (-3) - 9] = 2 \cdot [3 + 5 - 6 - 4] - 3 \cdot [8 - 3 - 9] =$
 $= 2 \cdot [8 - 10] - 3 \cdot [8 - 12] = 2 \cdot [-2] - 3 \cdot [-4] = -4 + 12 = 8$

Una altra manera de fer E1.4: $= 6 + 10 - 12 - 8 - 24 + 9 + 27 = 52 - 44 = 8$

2. OPERACIONS AMB NOMBRES ENTERS I FRACCIONARIS

RECORDA:

$$\left[\begin{array}{llll} a \pm \frac{b}{c} = \frac{ac \pm b}{c} & \frac{a}{b} \pm c = \frac{a \pm bc}{b} & a \cdot \frac{b}{c} = \frac{ab}{c} & \frac{a}{b} \cdot c = \frac{ac}{b} \\ \frac{-a}{b} = \frac{a}{-b} = -\frac{a}{b} & \frac{-a}{-b} = \frac{a}{b} & a : \frac{b}{c} = \frac{a}{\frac{b}{c}} = \frac{ac}{b} & \frac{a}{b} : c = \frac{\frac{a}{b}}{c} = \frac{a}{bc} \end{array} \right]$$

EXEMPLES

$$E2.1: 2 - \frac{5}{3} = \frac{2 \cdot 3 - 5}{3} = \frac{6 - 5}{3} = \frac{1}{3}$$

$$E2.2: -3 - \frac{8}{5} = \frac{-3 \cdot 5 - 8}{5} = \frac{-15 - 8}{5} = \frac{-23}{5}$$

$$E2.3: \frac{1}{6} - 2 = \frac{1 - 6 \cdot 2}{6} = \frac{1 - 12}{6} = \frac{-11}{6}$$

$$E2.4: \frac{-3}{4} + 1 = \frac{-3 + 4 \cdot 1}{4} = \frac{-3 + 4}{4} = \frac{1}{4}$$

$$E2.5: 4 \cdot \frac{3}{2} = \frac{4 \cdot 3}{2} = \frac{12}{2} = \frac{6}{1} = 6$$

(Es simplifica, si es pot dividir numerador i denominador pel mateix nombre)

$$E2.6: \frac{1}{6} \cdot 3 = \frac{1 \cdot 3}{6} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

(ATENCIÓ: $\frac{a}{1} = a$)

$$E2.7: \frac{4}{\frac{1}{2}} = 4 : \frac{1}{2} = \frac{4 \cdot 2}{1} = \frac{8}{1} = 8$$

$$E2.8: \frac{\frac{5}{3}}{\frac{5}{6}} = \frac{5}{3} : \frac{5}{6} = \frac{5}{3 \cdot 6} = \frac{5}{18}$$

3. OPERACIONS AMB FRACCIONS

RECORDA:

$\frac{a}{b} \pm \frac{c}{d} = \frac{ad \pm bc}{bd}$ però si b i d tenen divisors comuns és millor fer la regla del m.c.m.

$$\frac{a}{b} \pm \frac{c}{d} = \frac{\frac{m}{b} \cdot a}{m} \pm \frac{\frac{m}{d} \cdot c}{m} = \frac{h \cdot a \pm k \cdot c}{m} \quad \left(\begin{array}{l} m: \text{m.c.m. de } b \text{ i } d \\ h = \frac{m}{b} \text{ i } k = \frac{m}{d} \end{array} \right)$$

$$\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$$

$$\frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{\frac{a}{b}}{\frac{c}{d}} = \frac{ad}{bc}$$



Temari: Repàs de l'ESO

EXEMPLES

$$E3.1: \quad \frac{4}{3} + 2 - \frac{5}{6} = \frac{2 \cdot 4}{6} + \frac{6 \cdot 2}{6} - \frac{1 \cdot 5}{6} = \frac{8}{6} + \frac{12}{6} - \frac{5}{6} = \frac{8+12-5}{6} = \frac{15}{6}$$

$$E3.2: \quad \frac{3}{5} + \frac{1}{10} - \frac{5}{4} = \frac{4 \cdot 3}{20} + \frac{2 \cdot 1}{20} - \frac{5 \cdot 5}{20} = \frac{12}{20} + \frac{2}{20} - \frac{25}{20} = \frac{12+2-25}{20} = \frac{-11}{20}$$

$$E3.3: \quad \frac{6}{5} \cdot \frac{3}{4} = \frac{18}{20} = \frac{9}{10} \qquad E3.4: \quad \frac{\frac{4}{3}}{-\frac{2}{9}} = \frac{4}{3} : \frac{-2}{9} = \frac{4 \cdot 9}{3 \cdot (-2)} = \frac{36}{-6} = -6$$

4. POTÈNCIES

RECORDA:

$$\left[\begin{array}{llll} a^n = a \cdot a \cdot a \cdot \dots \cdot a \text{ (n vegades)} & a^n \cdot a^m = a^{n+m} & \frac{a^n}{a^m} = a^{n-m} & \\ a^0 = 1 & a^{-n} = \frac{1}{a^n} & (a^n)^m = a^{n \cdot m} & (a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n \\ \left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n} & (-a)^{2n} = a^{2n} & (-a)^{2n+1} = -a^{2n+1} & \begin{array}{l} 2n \text{ nombre parell} \\ 2n+1 \text{ " senar} \end{array} \end{array} \right]$$

EXEMPLES

$$E4.1: \quad \frac{2^6 \cdot 5^4 \cdot 3^3}{2^2 \cdot 3^5 \cdot 5^5} = 2^{6-2} \cdot 3^{3-5} \cdot 5^{4-5} = 2^4 \cdot 3^{-2} \cdot 5^{-1} \text{ (també es pot posar)} \Rightarrow \frac{2^4}{3^2 \cdot 5} = \frac{16}{9 \cdot 5} = \frac{16}{45}$$

$$E4.2: \quad \left(\frac{3^2 \cdot 2^6}{2^3 \cdot 3^4}\right)^2 = (2^3 \cdot 3^{-2})^2 = (2^3)^2 \cdot (3^{-2})^2 = 2^6 \cdot 3^{-4} \quad \text{ó} \Rightarrow \frac{2^6}{3^4} = \frac{64}{81}$$

Una altra manera de fer - ho: $\frac{3^4 \cdot 2^{12}}{2^6 \cdot 3^8} = 2^6 \cdot 3^{-4}$

$$E4.3: \quad [(-1)^3]^4 = (-1)^{12} = 1 \quad E4.4: \quad (-1^2)^3 = (-1)^3 = -1 \quad E4.5: \quad [(-1)^5]^3 = (-1)^{15} = -1$$

5. OPERACIONS AMB EXPRESSIONS RADICALS (ARRELS)

RECORDA:

$$r^n = a \Leftrightarrow \sqrt[n]{a} = r \qquad \sqrt[n]{a} = a^{\frac{1}{n}} \qquad \sqrt[n]{a^n} = a \qquad (\sqrt[n]{a})^n = a$$

$$\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab} \qquad \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}} \qquad (\sqrt[n]{a})^p = \sqrt[n]{a^p} \qquad \sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[nm]{a}$$

Reducció a índex comú : (per poder multiplicar o dividir arrels de diferent índex)

$$\sqrt[n]{a} = \sqrt[np]{a^p} \qquad \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[m]{b} = \sqrt[p]{a^{\frac{p}{n}}} \cdot \sqrt[m]{b^{\frac{m}{n}}} = \sqrt[p]{a^h \cdot b^k} \quad \left(\begin{array}{l} p : \text{m.c.m. de } n \text{ i } m \\ h = \frac{p}{n} \quad k = \frac{p}{m} \end{array} \right)$$

Introducció i extracció de factors en una expressió radical :

$$a \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a^n \cdot b} \qquad \frac{1}{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \frac{\sqrt[n]{b}}{a} = \sqrt[n]{\frac{b}{a^n}} \qquad \sqrt[n]{a^{n+k}} = a^p \cdot \sqrt[n]{a^q}$$

p, quocient de la divisió $\frac{n+k}{n}$ i q, residu de la mateixa divisió

Racionalització de radicals :

$$\frac{a}{\sqrt{b}} = \frac{a}{\sqrt{b}} \cdot \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{b}} = \frac{a\sqrt{b}}{\sqrt{b^2}} = \frac{a\sqrt{b}}{b} = \frac{a}{b} \sqrt{b} \qquad \frac{a}{\sqrt[n]{b}} = \frac{a}{\sqrt[n]{b}} \cdot \frac{\sqrt[n]{b^{n-1}}}{\sqrt[n]{b^{n-1}}} = \frac{a \cdot \sqrt[n]{b^{n-1}}}{\sqrt[n]{b^n}} = \frac{a}{b} \cdot \sqrt[n]{b^{n-1}}$$

$$\sqrt{\frac{a}{b}} = \sqrt{\frac{a}{b} \cdot \frac{b}{b}} = \sqrt{\frac{ab}{b^2}} = \frac{\sqrt{ab}}{b} = \frac{1}{b} \sqrt{ab} \qquad \sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b} \cdot \frac{b^{n-1}}{b^{n-1}}} = \sqrt[n]{\frac{ab^{n-1}}{b^n}} = \frac{\sqrt[n]{ab^{n-1}}}{b}$$

$$\frac{1}{a + \sqrt{b}} = \frac{1}{a + \sqrt{b}} \cdot \frac{a - \sqrt{b}}{a - \sqrt{b}} = \frac{a - \sqrt{b}}{a^2 - (\sqrt{b})^2} = \frac{a - \sqrt{b}}{a^2 - b}$$

Temari: Repàs de l'ESO

EXEMPLES

$$E5.1: \frac{\sqrt[3]{12} \cdot \sqrt[4]{24}}{\sqrt[6]{18}} \text{ (reducció a índex comú)} \Rightarrow \frac{\sqrt[12]{12^4} \cdot \sqrt[12]{24^3}}{\sqrt[12]{18^2}} = \sqrt[12]{\frac{12^4 \cdot 24^3}{18^2}} \text{ (simplificació i extracció de factors)} \Rightarrow \sqrt[12]{\frac{(2^2 \cdot 3)^4 \cdot (2^3 \cdot 3)^3}{(2 \cdot 3^2)^2}} = \sqrt[12]{\frac{2^8 \cdot 3^4 \cdot 2^9 \cdot 3^3}{2^2 \cdot 3^4}} = \sqrt[12]{\frac{2^{17} \cdot 3^7}{2^2 \cdot 3^4}} = \sqrt[12]{2^{15} \cdot 3^3} = \sqrt[4]{2^5 \cdot 3} = 2 \cdot \sqrt[4]{2 \cdot 3} = 2 \cdot \sqrt[4]{6}$$

$$E5.2: \sqrt{6 \cdot 3} \sqrt{\frac{4}{9}} \sqrt[4]{\frac{1}{12}} = \sqrt[3]{6^3 \cdot \frac{4}{9}} \sqrt[4]{\frac{1}{12}} = \sqrt[6]{4 \sqrt{(6^3)^4} \cdot \frac{4^4}{9^4} \cdot \frac{1}{12}} = \sqrt[24]{\frac{6^{12} \cdot 4^4}{9^4 \cdot 12}} = \sqrt[24]{\frac{(2 \cdot 3)^{12} \cdot (2^2)^4}{(3^2)^4 \cdot 2^2 \cdot 3}} = \sqrt[24]{\frac{2^{12} \cdot 3^{12} \cdot 2^8}{3^8 \cdot 2^2 \cdot 3}} = \sqrt[24]{\frac{2^{20} \cdot 3^{12}}{2^2 \cdot 3^9}} = \sqrt[24]{2^{18} \cdot 3^3} = \sqrt[8]{2^6 \cdot 3}$$

E5.3: (Suma de radicals semblants)

$$\sqrt{12} + \sqrt{75} - \sqrt{27} + \sqrt[4]{9} + \sqrt[6]{27} = \otimes$$

$$\left. \begin{array}{l} \sqrt{12} = \sqrt{2^2 \cdot 3} = 2\sqrt{3} \\ \sqrt{75} = \sqrt{3 \cdot 5^2} = 5\sqrt{3} \\ \sqrt{27} = \sqrt{3^3} = 3\sqrt{3} \\ \sqrt[4]{9} = \sqrt[4]{3^2} = \sqrt{3} \\ \sqrt[6]{27} = \sqrt[6]{3^3} = \sqrt{3} \end{array} \right\} \otimes = 2\sqrt{3} + 5\sqrt{3} - 3\sqrt{3} + \sqrt{3} + \sqrt{3} = (2+5-3+1+1)\sqrt{3} = 6\sqrt{3}$$

$$E5.4: \sqrt{\frac{2}{3}} + \sqrt{\frac{25}{6}} - \sqrt{\frac{3}{2}} + \sqrt{24} = \otimes$$

$$\left. \begin{array}{l} \sqrt{\frac{2}{3}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 3}{3 \cdot 3}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 3}{3^2}} = \frac{\sqrt{6}}{3} \\ \sqrt{\frac{25}{6}} = \sqrt{\frac{25 \cdot 6}{6 \cdot 6}} = \sqrt{\frac{5^2 \cdot 6}{6^2}} = \frac{5\sqrt{6}}{6} \\ \sqrt{\frac{3}{2}} = \sqrt{\frac{3 \cdot 2}{2 \cdot 2}} = \sqrt{\frac{3 \cdot 2}{2^2}} = \frac{\sqrt{6}}{2} \\ \sqrt{24} = \sqrt{2^3 \cdot 3} = 2\sqrt{2 \cdot 3} = 2\sqrt{6} \end{array} \right\} \Rightarrow$$

$$\otimes = \frac{\sqrt{6}}{3} + \frac{5\sqrt{6}}{6} - \frac{\sqrt{6}}{2} + 2\sqrt{6} = \left(\frac{1}{3} + \frac{5}{6} - \frac{1}{2} + 2 \right) \sqrt{6} = \frac{2+5-3+12}{6} \sqrt{6} = \frac{16}{6} \sqrt{6} = \frac{8\sqrt{6}}{3}$$

6. POLINOMIS D'UNA INDETERMINADA

RECORDA:

$a_3x^3 + a_2x^2 + a_1x + a_0$ i $b_2x^2 + b_1x + b_0$ són polinomis

Les a_i i les b_j són els coeficients numèrics (constants)

x és la indeterminada o variable (pot prendre qualsevol valor numèric)

Els exponents de la x indiquen el grau de cada terme o sumand del polinomi i l'exponent més gran indica el grau del polinomi.

Als exemples repasarem les operacions amb polinomis

EXEMPLES

E6.1: (Suma i resta de polinomis i multiplicació de polinomis per nombres)

$$\begin{array}{l}
 P(x) = 3x^2 - 5x + 7 \\
 Q(x) = 2x^3 + 8x^2 + 3x - 6
 \end{array}
 \left. \vphantom{\begin{array}{l} P(x) \\ Q(x) \end{array}} \right\} \Rightarrow
 \begin{cases}
 P(x) + Q(x) = 2x^3 + 11x^2 - 2x + 1 \\
 P(x) - Q(x) = -2x^3 - 5x^2 - 8x + 13 \\
 6P(x) = 18x^2 - 30x + 42 \\
 -4Q(x) = -8x^3 - 32x^2 - 12x + 24 \\
 6P(x) - 4Q(x) = -8x^3 - 14x^2 - 42x + 66
 \end{cases}$$

E6.2: (Multiplicació de polinomis)

$$Q(x) : \quad 2x^3 + 8x^2 + 3x - 6$$

$$P(x) : \quad \times \quad 3x^2 - 5x + 7$$

$$\underline{14x^3 + 56x^2 + 21x - 42}$$

$$-10x^4 - 40x^3 - 15x^2 + 30x$$

$$\underline{6x^5 + 24x^4 + 9x^3 - 18x^2}$$

$$P(x) \cdot Q(x) = 6x^5 + 14x^4 - 17x^3 + 23x^2 + 51x - 42 = R(x)$$



E6.3: $P(x) \cdot Q(x) = R(x) \Rightarrow \frac{R(x)}{P(x)} = Q(x)$ (divisió de polinomis)

$$\begin{array}{r}
 R(x): \quad 6x^5 + 14x^4 - 17x^3 + 23x^2 + 51x - 42 \quad \left| \begin{array}{l} 3x^2 - 5x + 7 : P(x) \\ 2x^3 + 8x^2 + 3x - 6 : Q(x) \end{array} \right. \\
 \underline{-6x^5 + 10x^4 - 14x^3} \\
 \quad / \quad + 24x^4 - 31x^3 + 23x^2 \\
 \quad \quad \underline{-24x^4 + 40x^3 - 56x^2} \\
 \quad \quad \quad / \quad + 9x^3 - 33x^2 + 51x \\
 \quad \quad \quad \quad \underline{-9x^3 + 15x^2 - 21x} \\
 \quad \quad \quad \quad \quad / \quad -18x^2 + 30x - 42 \\
 \quad \quad \quad \quad \quad \quad \underline{+18x^2 - 30x + 42} \\
 \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad / \quad / \quad /
 \end{array}$$

En aquesta divisió el RESIDU és zero \Rightarrow és una DIVISIÓ EXACTA.

E6.4: (Regla de Ruffini: es fa servir en les divisions en que el DIVISOR és de la forma $x \pm a$)

La divisió:

$$\begin{array}{r}
 3x^3 + 5x^2 - 7x - 2 \quad \left| \begin{array}{l} x + 3 \\ 3x^2 - 4x + 5 \end{array} \right. \\
 \underline{-3x^3 - 9x^2} \\
 \quad / \quad -4x^2 - 7x \\
 \quad \quad \underline{+4x^2 + 12x} \\
 \quad \quad \quad / \quad +5x - 2 \\
 \quad \quad \quad \quad \underline{-5x - 15} \\
 \quad \quad \quad \quad \quad / \quad -17
 \end{array}$$

mitjançant la Regla de Ruffini, és fa d'aquesta altra manera:

DIVISOR	DIVIDEND
$(x+3)$	3 5 -7 -2
-3	-9 +12 -15
	3 -4 +5 -17 = RESIDU
	QUOCIENT



Temari: Repàs de l'ESO

RECORDA:

TEOREMA DEL RESIDU DE RUFFINI:

- *Valor numèric d'un polinomi en un punt: Donat un polinomi $P(x)$ el seu valor numèric en $x=a$, és el resultat de substituir x per a en el polinomi i operar. Ho anomenarem $P(a)$.*
- *Teorema del residu: El residu de dividir un polinomi $P(x)$ entre un binomi del tipus $(x-a)$ és exactament $P(a)$, el valor numèric del polinomi en el punt a .*

EXEMPLES

E6.5: Calculem el valor numèric del polinomi $P(x) = -x^3 + 3x^2 - 12x + 5$ en el punt -2 ,

$$P(-2) = -(-2)^3 + 3 \cdot (-2)^2 - 12 \cdot (-2) + 5 = -(-8) + 3 \cdot 4 + 24 + 5 = 49$$

E6.6: Calculem el residu de la divisió del polinomi $P(x) = -x^3 + 3x^2 - 12x + 5$ al dividir-lo entre $(x+2)$,

Si dividim entre $x+2$, vol dir que $x=-2$, ja que resulta de resoldre $x+2=0$, llavors, segons Ruffini calculem el valor numèric en el punt $x=-2$:

$$P(-2) = -(-2)^3 + 3 \cdot (-2)^2 - 12 \cdot (-2) + 5 = -(-8) + 3 \cdot 4 + 24 + 5 = 49 \rightarrow \text{residu} = 49$$

Comprovació:

	-1	3	-12	5
-2		+2	-10	+44
	-1	5	-22	+49



Temari: Repàs de l'ESO

E6.7: Trobar el valor del paràmetre t perquè al dividir el polinomi $3x^4 + 4x^2 + x - t$ entre $x - 3$ el residu sigui 25.

$$\left. \begin{array}{l} P(x) = 3x^4 + 4x^2 + x - t \\ x - 3 \rightarrow x = +3 \end{array} \right\} \rightarrow P(3) = 3 \cdot (3)^4 + 4 \cdot (3)^2 + 3 - t = 25 \rightarrow$$

$$\rightarrow 243 + 36 + 3 - t = 25 \rightarrow 282 - t = 25 \rightarrow 282 - 25 = t \rightarrow \underline{257 = t.}$$

Comprovació:

	3	0	4	1	$-t$
3		9	27	93	282
	3	9	31	94	25

llavors: $-t + 282 = 25 \rightarrow 282 - 25 = t \rightarrow \underline{257 = t.}$

E6.8: Sense fer la divisió, esbrina si els següents polinomis són divisibles entre:

Polinomi	entre	Raonament	Divisible
$x^6 + 1$	$x - 1$	$P(+1) = 1^6 + 1 = 2$	NO
$x^6 + 1$	$x + 1$	$P(-1) = (-1)^6 + 1 = 1 + 1 = 2$	NO
$x^4 - 16$	$x - 2$	$P(+2) = 2^4 - 16 = 0$	SI
$x^3 - 27$	$x + 3$	$P(-3) = (-3)^3 - 27 = -27 - 27 = -54$	NO



7. IDENTITATS NOTABLES

RECORDA:

$$(A+B) \cdot (A-B) = A^2 - B^2$$

$$(A+B)^2 = A^2 + 2AB + B^2$$

$$(A+B+C)^2 = A^2 + B^2 + C^2 + 2AB + 2AC + 2BC$$

$$(A+B)^3 = A^3 + 3A^2B + 3AB^2 + B^3$$

$$(A^2 - B^2) = (A+B) \cdot (A-B)$$

EXEMPLES

$$E7.1: (x+3) \cdot (x-3) = x^2 - 9$$

$$E7.2: (2x+5) \cdot (2x-5) = (2x)^2 - 5^2 = 4x^2 - 25$$

$$E7.3: (3x^2 + 2x) \cdot (3x^2 - 2x) = (3x^2)^2 - (2x)^2 = 9x^4 - 4x^2$$

$$E7.4: (x+2)^2 = x^2 + 2 \cdot x \cdot 2 + 2^2 = x^2 + 4x + 4$$

$$E7.5: (x-2)^2 = x^2 + 2 \cdot x \cdot (-2) + (-2)^2 = x^2 - 4x + 4 \Rightarrow \underline{(A-B)^2 = A^2 - 2AB + B^2}$$

$$E7.6: (2x^3 - 5x^2)^2 = (2x^3)^2 - 2 \cdot 2x^3 \cdot 5x^2 + (5x^2)^2 = 4x^6 - 20x^5 + 25x^4$$

$$E7.7: (x-2)^3 = x^3 + 3x^2 \cdot (-2) + 3x \cdot (-2)^2 + (-2)^3 = x^3 - 6x^2 + 12x - 8 \Rightarrow \\ \Rightarrow \underline{(A-B)^3 = A^3 - 3A^2B + 3AB^2 - B^3}$$

$$E7.8: (4x^2 + 6x - 2)^2 = (4x^2)^2 + (6x)^2 + (-2)^2 + 2 \cdot 4x^2 \cdot 6x + 2 \cdot 4x^2 \cdot (-2) + 2 \cdot 6x \cdot (-2) = \\ = 16x^4 + 36x^2 + 4 + 48x^3 - 16x^2 - 24x = 16x^4 + 48x^3 + 20x^2 - 24x + 4$$



8. EL BINOMI DE NEWTON

$\left[\begin{array}{l} (A+B)^0 = \\ (A+B)^1 = \\ (A+B)^2 = \\ (A+B)^3 = \end{array} \right]$	<p><i>RECORDA:</i></p> $\begin{array}{l} 1 \\ 1A+1B \\ 1A^2+2AB+1B^2 \\ 1A^3+3A^2B+3AB^2+1B^3 \end{array}$	\Rightarrow	$\left. \begin{array}{l} \text{TRIANGLE DE COEFICIENTS} \\ 1 \\ 1 \quad 1 \\ 1 \quad 2 \quad 1 \\ 1 \quad 3 \quad 3 \quad 1 \end{array} \right\}$
--	--	---------------	---

TRIANGLE DE TARTAGLIA

Binomi

$(A+B)^0$											1											
$(A+B)^1$											1	⊕	1									
$(A+B)^2$											1	⊕	2	⊕	1							
$(A+B)^3$											1	⊕	3	⊕	3	⊕	1					
$(A+B)^4$											1	⊕	4	⊕	6	⊕	4	⊕	1			
$(A+B)^5$											1	5	10	10	5	1						
$(A+B)^6$											1	6	15	20	15	6	1					
$(A+B)^7$											1	7	21	35	35	21	7	1				
$(A+B)^8$											1	8	28	56	70	56	28	8	1			
$(A+B)^9$	1	9	36	84	126	126	84	36	9	1												
.....																						

Començem per 1 ja que elevar a zero dóna 1.

Passem d'una fila a l'altra sumant els nombres de la fila anterior.



DESENVOLUPAMENT D'UNA POTÈNCIA D'UN BINOMI

REGLES:

- Els exponents d' A comencen prenent el valor de l'exponent del binomi i van disminuint fins a zero.
- Els exponents de B comencen per zero i van augmentant fins al valor de l'exponent del binomi.
- Els coeficients s'agafen del TRIANGLE DE TARTAGLIA prenent la fila de nombre d'ordre igual a l'exponent del binomi.

EXEMPLES

$$E8.1: (A+B)^4 = A^4 + 4A^3B + 6A^2B^2 + 4AB^3 + B^4$$

$$E8.2: (x+1)^4 = x^4 + 4x^3 \cdot 1 + 6x^2 \cdot 1^2 + 4x \cdot 1^3 + 1^4 = x^4 + 4x^3 + 6x^2 + 4x + 1$$

$$E8.3: (2x+3)^5 \Rightarrow \boxed{(A+B)^5 = A^5 + 5A^4B + 10A^3B^2 + 10A^2B^3 + 5AB^4 + B^5} :$$
$$(2x+3)^5 = (2x)^5 + 5(2x)^4 \cdot 3 + 10(2x)^3 \cdot 3^2 + 10(2x)^2 \cdot 3^3 + 5(2x) \cdot 3^4 + 3^5 =$$
$$= 32x^5 + 5 \cdot 16x^4 \cdot 3 + 10 \cdot 8x^3 \cdot 9 + 10 \cdot 4x^2 \cdot 27 + 5 \cdot 2x \cdot 81 + 243 =$$
$$= 32x^5 + 240x^4 + 720x^3 + 1080x^2 + 810x + 243$$

$$E8.4: (A-B)^5 = A^5 + 5A^4 \cdot (-B) + 10A^3 \cdot (-B)^2 + 10A^2 \cdot (-B)^3 + 5A \cdot (-B)^4 + (-B)^5$$
$$(A-B)^5 = A^5 - 5A^4B + 10A^3B^2 - 10A^2B^3 + 5AB^4 - B^5$$

(Els signes dels termes resten alternats: + - + - + -)

$$E8.5: (x^2 - 2x)^4 = (x^2)^4 - 4(x^2)^3 \cdot 2x + 6(x^2)^2 \cdot (2x)^2 - 4x^2 \cdot (2x)^3 + (2x)^4$$

(Els termes 1r, 3r i 5è són positius i els 2n i 4t són negatius)

$$(x^2 - 2x)^4 = x^8 - 4x^6 \cdot 2x + 6x^4 \cdot 4x^2 - 4x^2 \cdot 8x^3 + 16x^4 =$$
$$= x^8 - 8x^7 + 24x^6 - 32x^5 + 16x^4$$



E8.6: $(\sqrt{3} - \sqrt{2})^6 = \otimes$

$$(A - B)^6 = A^6 - 6A^5B + 15A^4B^2 - 20A^3B^3 + 15A^2B^4 - 6AB^5 + B^6$$

$$\begin{aligned} \otimes &= (\sqrt{3})^6 - 6(\sqrt{3})^5 \cdot \sqrt{2} + 15(\sqrt{3})^4 \cdot (\sqrt{2})^2 - 20(\sqrt{3})^3 \cdot (\sqrt{2})^3 + \\ &\quad + 15(\sqrt{3})^2 \cdot (\sqrt{2})^4 - 6\sqrt{3} \cdot (\sqrt{2})^5 + (\sqrt{2})^6 = \\ &= \sqrt{3}^6 - 6\sqrt{3}^5 \cdot 2 + 15\sqrt{3}^4 \cdot 2^2 - 20\sqrt{3}^3 \cdot 2^3 + 15\sqrt{3}^2 \cdot 2^4 - 6\sqrt{3} \cdot 2^5 + \sqrt{2}^6 = \\ &= 3^3 - 6 \cdot 3^2 \sqrt{3} \cdot 2 + 15 \cdot 3^2 \cdot 2 - 20 \cdot 3 \cdot 2 \sqrt{3} \cdot 2 + 15 \cdot 3 \cdot 2^2 - 6 \cdot 2^2 \sqrt{3} \cdot 2 + 2^3 = \\ &= 27 - 54\sqrt{6} + 270 - 120\sqrt{6} + 180 - 24\sqrt{6} + 8 = 485 - 198\sqrt{6} \end{aligned}$$

9. FACTOR COMÚ

RECORDA

Propietat distributiva del producte respecte a la suma: $a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c$

Treure factor comú és el procés contrari a la propietat distributiva:

$$a \cdot b + a \cdot c = (*)$$

Observem: "a" multiplica(és un FACTOR)

als dos elements de la suma (és COMÚ)

llavors:

$$(*) = a \cdot (1 \cdot b + 1 \cdot c) \stackrel{\text{escriurem}}{=} a \cdot (b + c)$$



EXEMPLES

$$E9.1: (2A + 2B) = 2 \cdot (A + B)$$

$$E9.2: (2A + 2) = 2 \cdot (A + 1) \quad (\text{NO! } 2 \cdot (A + 0) \text{ que és igual a } 2A)$$

$$E9.3: (2a + 2b)^2 = (2 \cdot (a + b))^2 = 2^2 \cdot (a + b)^2 = 4 \cdot (a + b)^2$$

$$E9.4: 33a^3bc^2 - 55a^2b^3c^4 = 11a^2bc^2 \cdot (3a - 5b^2c^2)$$

$$E9.5: 8a^5 - 12a^3 + 4a^2 = 4a^2 \cdot (2a^3 - 3a + 1)$$

$$E9.6: 4x \cdot (x + y) + 5x \cdot (x + y) = (x + y) \cdot (4x + 5x) = (x + y) \cdot 9x$$

$$E9.7: (a + b) \cdot \frac{1}{x} + (a + b) \cdot y = (a + b) \cdot \left(\frac{1}{x} + y \right)$$

$$E9.8: (x^2 + y) \cdot (ab - c) + (ab - c) = (ab - c) \cdot (x^2 + y + 1)$$

$$E9.9: x^2 \cdot (ay - y) - y + ay = x^2 \cdot (ay - y) + (ay - y) = (ay - y) \cdot (x^2 + 1)$$

$$E9.10: (a + b) \cdot (a - b) + (a + b)^2 = (a + b) \cdot [(a - b) + (a + b)] = (a + b) \cdot 2a$$



Temari: Repàs de l'ESO

10. DESCOMPOSAR EN FACTORS

RECORDA

Per fer descomposicions factorials hem de tenir en compte totes les eines que tenim al nostre abast:

- Criteris numèrics de divisibilitat.
- Extracció de factor comú.
- Fórmules notables.
- Ruffini
- Resolució d'equacions.

EXEMPLES

$$E10.1: a^2 - 1 = a^2 - 1^2 \stackrel{\text{identitat notable}}{=} (a+1) \cdot (a-1)$$

$$E10.2: n^2 - 10n + 25 = n^2 - 10n + 5^2 \stackrel{\text{identitat notable}}{=} n^2 - 2n \cdot 5 + 5^2 = (n-5)^2$$

$$E10.3: x^2 - 4xy + 4y^2 = (x)^2 - 4xy + (2y)^2 \stackrel{\text{identitat notable}}{=} (x)^2 - 2 \cdot x \cdot 2y + (2y)^2 = (x+2y)^2$$

$$E10.4: x^2 + 2x + 1 - y^2 = (x+1)^2 - y^2 = [(x+1)+y] \cdot [(x+1)-y]$$

$$E11.5: a^2 - x^2 + 2xy - y^2 = a^2 - (x^2 - 2xy + y^2) = a^2 - (x-y)^2 = [a+(x-y)] \cdot [a-(x-y)]$$

$$E10.6: (3x+9y)^2 - (2x-5y)^2 = [(3x+9y)+(2x-5y)] \cdot [(3x+9y)-(2x-5y)] = \\ = [5x+4y] \cdot [x+14y]$$

$$E10.7: a^2c - a^2d - b^2d + b^2c = a^2 \cdot (c-d) + b^2 \cdot (-d+c) = (a^2 + b^2) \cdot (c-d)$$

$$E10.8: y^4 - 81x^4 = y^4 - (3x)^4 = [y^2 + (3x)^2] \cdot [y^2 - (3x)^2] = [y^2 + (3x)^2] \cdot (y+3x) \cdot (y-3x)$$



E10.9: $P(x) = x^5 + 3x^4 - 9x^3 - 23x^2 - 12x$

	1	+3	-9	-23	-12
-4		-4	4	20	12
	1	-1	-5	-3	0
-1		-1	+2	+3	
	1	-2	-3	0	
-1		-1	+3		
	1	-3	0		
3		+3			
	1	0			

Cada vegada que fem una divisió per Ruffini el grau del quocient disminueix en una unitat, per tant el darrer 1 correpon a $1x^1$, llavors:
 $P(x) = x^5 + 3x^4 - 9x^3 - 23x^2 - 12x = (x+4)(x+1)(x+1)(x-3)x$

E10.10: $P(x) = 2x^2 - 2x - 12 = 2 \cdot (x^2 - x - 6) = (*)$

$$x^2 - x - 6 = 0 \rightarrow x = \frac{+1 \pm \sqrt{(-1)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-6)}}{2 \cdot 1} = \frac{1 \pm \sqrt{25}}{2} = \frac{1 \pm 5}{2} = \begin{cases} 3 \rightarrow (x-3) \\ -2 \rightarrow (x+2) \end{cases}$$

$$(*) = 2 \cdot (x-3) \cdot (x+2)$$

11. EQUACIONS DE PRIMER GRAU

RECORDA:

Una equació és una igualtat entre dues expressions algebraïques que és veritable per a certs valors de la variable o incògnita, els quals són les solucions de l'equació.

REGLES PER RESOLDRE EQUACIONS DE 1r GRAU:

- S'han d'eliminar tots els parèntesis i claudàtors que apareguin a l'equació.
- Si hi ha denominadors, també s'han d'eliminar.
- S'agrupen els termes semblants i s'aïlla la incògnita.

EXEMPLES

$$\begin{aligned} E11.1: \quad 3x-1 &= 5(4+2x) \rightarrow 3x-1 = 20+10x \rightarrow 3x-10x = 20+1 \rightarrow \\ &\rightarrow -7x = 21 \rightarrow x = \frac{21}{-7} \rightarrow \underline{x = -3} \bullet \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E11.2: \quad \frac{4x-1}{3} &= \frac{7x+2}{5} \rightarrow 5(4x-1) = 3(7x+2) \rightarrow 20x-5 = 21x+6 \rightarrow \\ &\rightarrow 20x-21x = 6+5 \rightarrow -x = 11 \rightarrow \underline{x = -11} \bullet \end{aligned}$$

E11.3:

$$\begin{aligned} 3x - \frac{x+2}{4} &= x-1 - \frac{1-2x}{6} \xrightarrow{\text{mcm}(4,6)=12} \frac{36x}{12} - \frac{3x+6}{12} = \frac{12x-12}{12} - \frac{2-4x}{12} \rightarrow \\ &\rightarrow 36x-3x-6 = 12x-12-2+4x \rightarrow 36x-3x-12x-4x = -12-2+6 \rightarrow \\ &\rightarrow 17x = -8 \rightarrow \underline{x = -\frac{8}{17}} \bullet \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 E11.4: \quad & \frac{1}{2} \left(1 - 5x - \frac{1}{30} \right) - \frac{1}{5} \left(\frac{4x-1}{2} - \frac{1-3x}{6} \right) = \frac{4}{3} \left(\frac{2}{5} - \frac{x+5}{2} \right) - \frac{3x-1}{4} \rightarrow \\
 \rightarrow & \frac{1}{2} - \frac{5x}{2} - \frac{1}{60} - \frac{4x-1}{10} + \frac{1-3x}{30} = \frac{8}{15} - \frac{4x+20}{6} - \frac{3x-1}{4} \quad \begin{matrix} mcm(2,60,10,30,15,6,4) \\ \rightarrow \\ =60 \end{matrix} \\
 \rightarrow & \frac{30}{60} - \frac{150x}{60} - \frac{1}{60} - \frac{24x-6}{60} + \frac{2-6x}{60} = \frac{32}{60} - \frac{40x+200}{60} - \frac{45x-15}{60} \rightarrow \\
 \rightarrow & 30 - 150x - 1 - 24x + 6 + 2 - 6x = 32 - 40x - 200 - 45x + 15 \rightarrow \\
 \rightarrow & -150x - 24x - 6x + 40x + 45x = 32 - 200 + 15 - 30 + 1 - 6 - 2 \rightarrow \\
 \rightarrow & -95x = -190 \rightarrow x = \frac{-190}{-95} \rightarrow \underline{x=2} \bullet
 \end{aligned}$$

12. SISTEMES D'EQUACIONS DE 1r GRAU

RECORDA:

Les solucions d'un sistema d'equacions són els valors de les incògnites que satisfan totes les equacions a la vegada. Es poden donar tres casos :

a) Solució única per a cada incògnita: sistema COMPATIBLE DETERMINAT

b) Infinites solucions: sistema COMPATIBLE INDETERMINAT

c) No hi ha cap solució: sistema INCOMPATIBLE

MÈTODES DE RESOLUCIÓ DE SISTEMES DE DUES EQUACIONS DE 1r GRAU AMB DUES INCÒGNITES

- a) Mètode de SUBSTITUCIÓ: s'aïlla una incògnita en una de les equacions i l'expressió obtinguda es fica a l'altra equació en el lloc d'aquesta incògnita.

Temari: Repàs de l'ESO

b) Mètode d'IGUALACIÓ: s'aïlla la mateixa incògnita en totes dues equacions i s'igualen les dues expressions obtingudes.

c) Mètode de REDUCCIÓ: es tria la incògnita que es vol eliminar i es multiplica cada equació pel coeficient d'aquesta incògnita a l'altra equació (un dels dos coeficients es canvia de signe). Després es sumen les dues equacions obtingudes.

Aquests tres mètodes transformen el sistema d'equacions en una única equació amb una incògnita. Es resol aquesta equació i la solució obtinguda es substitueix en una de les equacions inicials per calcular la segona incògnita.

EXEMPLES

E12.1:

$$\left. \begin{array}{l} 7x - 2y = 2 \\ 3x + 5y = 36 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{Aillem } x \\ \text{en la 1a Eq} \end{array} \rightarrow \begin{array}{l} x = \frac{2+2y}{7} \\ \dots \end{array} \begin{array}{l} \text{SUBSTITUCIÓ} \\ \rightarrow \\ \text{en la 2a Eq} \end{array} 3 \cdot \frac{2+2y}{7} + 5y = 36$$

$$\begin{array}{l} \text{operem} \\ \rightarrow \end{array} \frac{6+6y}{7} + 5y = 36 \rightarrow 6+6y+35y = 252 \rightarrow 6y+35y = 252-6 \rightarrow$$

$$\rightarrow 41y = 246 \rightarrow y = \frac{246}{41} = 6 \quad \begin{array}{l} \text{substitüim} \\ \rightarrow \\ \text{on em aïllat "x"} \end{array} x = \frac{2+2 \cdot 6}{7} = \frac{14}{7} = x = 2 \rightarrow$$

$$\rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 6 \end{cases} \bullet$$

E12.2:

$$\left. \begin{array}{l} 4x + 3y = 2 \\ 2x - 5y = -12 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{aïllem la} \\ \text{mateixa incògnita} \\ \rightarrow \\ \text{en les dues} \\ \text{equacions} \end{array} \left. \begin{array}{l} x = \frac{2-3y}{4} \\ x = \frac{-12+5y}{2} \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{IGUALEM} \\ \rightarrow \\ \text{les incògnites} \end{array} \frac{2-3y}{4} = \frac{-12+5y}{2} \rightarrow$$

$$\rightarrow 2 \cdot (2-3y) = 4 \cdot (-12+5y) \rightarrow 4-6y = -48+20y \rightarrow$$

$$\rightarrow -6y-20y = -48-4 \rightarrow -26y = -52 \rightarrow y = \frac{-52}{-26} = 2 \quad \begin{array}{l} \text{substitüim} \\ \rightarrow \\ \text{on hem aïllat} \end{array}$$

$$\rightarrow x = \frac{2-3 \cdot 2}{4} = -1 \rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ y = 2 \end{cases} \bullet$$

E12.3:

$$\left. \begin{array}{l} 2x - 5y = 5 \\ 3x + 2y = 17 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{REDUCCIÓ}} \left\{ \begin{array}{l} (-3) \cdot (2x - 5y = 5) \\ 2 \cdot (3x + 2y = 17) \end{array} \right\} \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} -6x + 15y = -15 \\ 6x + 4y = 34 \end{array} \right. \xrightarrow{\text{sumant les equacions}}$$

$$\rightarrow +19y = 19 \rightarrow y = 1 \xrightarrow{\substack{\text{substitueix int} \\ \text{per exemple} \\ \text{en la primera} \\ \text{equació}}} 2x - 5 \cdot 1 = 5 \rightarrow 2x - 5 = 5 \rightarrow$$

$$\rightarrow x = \frac{10}{2} = 5 \rightarrow \underline{\underline{\begin{cases} x = 5 \\ y = 1 \end{cases}}}$$

E12.4: *Mòtes vegades s'ha de preparar el sistema abans d'aplicar cap mètode:*

$$\left. \begin{array}{l} \frac{3x-2y}{2} - \frac{1+x}{3} = x-1 \\ \frac{x+2y}{2} - \frac{1+2y}{3} = 2y-1 \end{array} \right\} \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \frac{9x-6y}{6} - \frac{2+2x}{6} = \frac{6x-6}{6} \\ \frac{3x+6y}{6} - \frac{2+4y}{6} = \frac{12y-6}{6} \end{array} \right. \Rightarrow$$

$$\rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 9x-6y-2-2x = 6x-6 \\ 3x+6y-2-4y = 12y-6 \end{array} \right. \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 9x-2x-6x-6y = -6+2 \\ 3x+6y-4y-12y = -6+2 \end{array} \right. \rightarrow$$

$$\rightarrow \left\{ \begin{array}{l} x-6y = -4 \\ 3x-10y = -4 \end{array} \right. \xrightarrow{\text{REDUCCIÓ}} \left\{ \begin{array}{l} (-3) \cdot 1^a: -3x+18y = 12 \\ (1) \cdot 2^a: 3x-10y = -4 \end{array} \right. \xrightarrow{\text{sumant equacions}} +8y = 8$$

$$\rightarrow y = 1 \rightarrow x - 6 \cdot 1 = -4 \rightarrow x = 2 \rightarrow \underline{\underline{\begin{cases} x = 2 \\ y = 1 \end{cases}}}$$



1. OPERACIONS AMB NOMBRES ENTERS

1.1: $(-3)+(-2)+(-5)-(-1)-(-4)-(-5)=$

1.2: $(-2)+[3-5-(-2)+7]-[3-1-(-4)]=$

1.3: $5-[3-7+(-2)-(-3)]-[4+(-1)-(-5)-2]=$

1.4: $[2-(-5)+3]-[4+(-7)-3-(-2)]=$

1.5: $2\cdot[3-(-1)-4+(-2)]-3\cdot[5+(-4)-(-1)-2]=$

1.6: $3\cdot[4-(-2)-3+(-5)]-4\cdot[2-(-1)+(-2)-(-3)]=$

1.7: $[5+(-4)-(-2)-1]\cdot[(-6)+3-7-(-2)]=$

1.8: $[2-5+(-4)]\cdot[8+(-12)-6+4]\cdot[7+(-5)-2]=$

1.9: $[7-9-(-2)]-[8+5-(-3)]\cdot[(-8)-4+10]=$

1.10: $(-12)\cdot[4+(-7)-2-(-8)]+3\cdot[(-10)-(-8)-4]=$



4. OPERACIONS AMB NOMBRES ENTERS I FRACCIONARIS

2.1: a) $2 + \frac{1}{5} =$ b) $3 - \frac{1}{4} =$ c) $5 + \frac{2}{3} =$ d) $\frac{1}{2} - 3 =$

2.2: a) $2 - \frac{5}{2} =$ b) $-1 + \frac{1}{4} =$ c) $\frac{2}{3} - 3 =$ d) $\frac{1}{4} - 5 =$

2.3: a) $-2 \cdot \frac{4}{3} =$ b) $-5 \cdot \frac{-1}{2} =$ c) $-\frac{5}{6} \cdot 8 =$ d) $\frac{-7}{2} \cdot (-3) =$

2.4: a) $\frac{5}{9} : 7 =$ b) $\frac{-2}{\frac{7}{5}} =$ c) $\frac{\frac{-3}{2}}{4} - 6 =$ d) $8 : \frac{-6}{5} =$

2.5: a) $\frac{-5}{3} : \frac{5}{3} =$ b) $3 : \frac{1}{5} =$ c) $\frac{1}{5} : 3 =$ d) $12 \cdot \frac{1}{2} =$

5. OPERACIONS AMB FRACCIONS

3.1: a) $\frac{1}{3} - \frac{2}{5} + 4 =$ b) $\frac{3}{4} - \frac{1}{6} + \frac{2}{9} =$

3.2: a) $2 - \frac{1}{3} + \frac{5}{6} =$ b) $\frac{3}{5} + \frac{5}{4} - \frac{7}{10} =$

3.3: a) $\frac{4}{3} \cdot \frac{1}{2} =$ b) $3 \cdot \frac{1}{12} \cdot \frac{4}{5} \cdot 5 =$

3.4: a) $\frac{1}{2} : \frac{2}{3} =$ b) $\frac{\frac{3}{5}}{\frac{1}{6}} =$

3.5: a) $\left(\frac{1}{3} - 1\right) \cdot \frac{2}{5} =$ b) $\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{3}{5} + 2\right) =$

$$3.6: a) \left(\frac{1}{2}-2\right) \cdot \left(3+\frac{1}{5}\right) =$$

$$3.7: \frac{3}{2} \cdot \left(\frac{1}{5}-\frac{2}{1}\right) =$$

$$3.9: \frac{\frac{1}{4}-2}{3-\frac{5}{2}} \cdot \frac{6}{\frac{2}{5}} \cdot \frac{8}{10} =$$

$$3.11: \left(\frac{5}{3}-7\right) \cdot \left(\frac{\frac{1}{2}-2}{4-\frac{3}{2}}\right) =$$

$$3.13: \left(3-\frac{5}{2}+\frac{1}{4}\right) \cdot \left(\frac{\frac{1}{3}-\frac{4}{2}}{\frac{3}{2}}\right) =$$

$$3.15: \frac{1-\frac{3}{2}-1}{\frac{2}{2}} =$$

$$3.17: \left(\frac{-\frac{5}{2}}{\frac{3}{5}} \cdot \frac{-1}{\frac{4}{3}}\right) - \left(\frac{-1}{\frac{9}{2}} \cdot \frac{-2}{\frac{3}{4}}\right) =$$

$$3.19: \left(\frac{1+\frac{1}{3}}{2} - \frac{1-\frac{5}{2}}{3}\right) \cdot \left(\frac{3}{2-\frac{4}{5}} + \frac{1}{\frac{3}{2}-2}\right) =$$

$$b) \left(\frac{1}{3}+1\right) : \left(\frac{1}{5}-2\right) =$$

$$3.8: \frac{3-\frac{1}{2}}{2} + \frac{5-\frac{1}{3}}{6} =$$

$$3.10: \frac{1}{1-\frac{1}{2}} - \frac{2}{2-\frac{1}{3}} =$$

$$3.12: \frac{2+\frac{1}{2+\frac{1}{2}}}{2} =$$

$$3.14: 3 + \frac{1}{3+\frac{1}{3+\frac{1}{3}}} =$$

$$3.16: \frac{3+\frac{2}{2-\frac{5}{6}}}{\frac{4}{4}-\frac{7}{12}} =$$

$$3.18: \frac{1-\frac{1}{2}}{\frac{2}{2}} + \frac{1}{\frac{4}{4}} + \frac{3}{4} =$$

$$3.20: \frac{3-\frac{2}{3}}{3+\frac{2}{5}} : \frac{\frac{5}{2}-3}{3+\frac{5}{2}} =$$



4. OPERACIONS AMB POTÈNCIES

Descomponen els nombres enters en factors primers i després opereu amb les potències d'aquests factors primers:

$$4.1: \frac{24^5 \cdot 18^4}{36^3 \cdot 54^2} =$$

$$4.2: \frac{12^6}{20^3} \cdot 75^2 =$$

$$4.3: \left(\frac{80^4}{45^5}\right)^3 \cdot \left(\frac{30^3}{48^6}\right)^2 =$$

$$4.4: 72^3 \cdot \frac{6^4}{8^5} =$$

$$4.5: a) [(-2)^2]^3 = \quad b) (-2^2)^3 = \quad c) (-2^3)^2 =$$

$$4.6: a) \left([(-1)^3]^2\right)^5 = \quad b) \left(\left[(-1^2)^3\right]^5\right)^3 = \quad c) \left(\left[(-1^2)^3\right]^4\right)^5 =$$

$$4.7: \left(\frac{10}{8} \cdot \frac{9}{20} \cdot \frac{12}{30} \cdot \frac{15}{36}\right)^4 =$$

$$4.8: \frac{-2^3 \cdot 4^2 \cdot (-2)^2}{(-4)^3 \cdot 2^4} =$$

$$4.9: 2^{-2} \cdot (-2)^2 \cdot \left(\frac{-1}{2}\right)^2 \cdot (-4)^{-2} =$$

$$4.10: \frac{(-4)^{-3} \cdot (-2)^6}{2^{-4} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^{-2}} =$$



5. OPERACIONS AMB EXPRESSIONS RADICALS (ARRELS)

$$5.1: \quad \sqrt[3]{45} \cdot \frac{\sqrt[4]{50}}{\sqrt[8]{30}} =$$

$$5.2: \quad \sqrt[5]{\frac{a^2b}{c^3}} \cdot \sqrt[4]{\frac{b^2c}{a^3}} =$$

$$5.3: \quad \sqrt{2 \cdot \sqrt[3]{2 \cdot \sqrt[4]{2}}} =$$

$$5.4: \quad \sqrt{\frac{8}{3} \cdot \sqrt[6]{\frac{9}{4} \cdot \sqrt[4]{\frac{3}{32}}}} =$$

$$5.5: \quad \sqrt{\frac{5}{3}} + \sqrt{\frac{12}{5}} - \sqrt{\frac{49}{15}} + \sqrt[4]{225} =$$

$$5.6: \quad \sqrt{32} - \sqrt[4]{64} + \sqrt[6]{8} - \sqrt[8]{16} =$$

$$5.7: \quad \text{Simplifica i racionalitza: } a) \sqrt{\frac{21600}{31104}} = \quad b) \sqrt[3]{\frac{17496}{38880}} = \quad c) \sqrt[4]{\frac{a^3b^5c^8}{d^2e^9f^4}}$$

7. POLINOMIS D'UNA INDETERMINADA

Donats els polinomis:

$$A(x) = x^4 + 3x^3 - 7x^2 - 27x - 18 \quad i \quad B(x) = x^3 + x^2 - 8x - 12$$

- 6.1: *Calcula* $3 \cdot A(x) - 5 \cdot B(x)$.
- 6.2: *Multipliqua* $A(x)$ *per* $B(x)$.
- 6.3: *Divideix* $A(x)$ *entre* $B(x)$.
- 6.4: *Fes la prova de la divisió anterior.* (*dividend = divisor per quocient més residu*).
- 6.5: *Determina el valor de* k *perquè el polinomi* $P(x) = x^3 + kx^2 - 4x - 12$ *sigui divisible per* $(x + 2)$.
- 6.6: *Determina el valor de* k *perquè al dividir el polinomi* $P(x) = x^2 + kx + 5$ *entre* $(x - 1)$ *dongui el mateix residu que al dividir-lo entre* $(x + 2)$.

11. IDENTITATS NOTABLES

- 7.1: *Efectua:* a) $(3x + 7) \cdot (3x - 7)$ b) $(5x^3 - 2x) \cdot (5x^3 + 2x)$
- 7.2: *Calcula:* a) $(\sqrt{3} + 2)^2$ b) $(\sqrt{3} - 2)^2$
- 7.3: *Calcula:* a) $(x^2 + 4x)^2$ b) $(3x - 8)^2$
- 7.4: *Efectua:* a) $(2x^2 - 3x)^3$ b) $(2 - \sqrt{3})^3$
- 7.5: *Efectua:* a) $(x^2 - 2x + 3)^2$ b) $(\sqrt{2} + \sqrt{3} - 3)^2$



Centre d'Estudis

www.stucom.com

Homologat i concertat per

la Generalitat de Catalunya

Temari: Repàs de l'ESO

Dep. de Ciències

2021-2022

1r Batxillerat

MATEMÀTIQUES

CRÈDIT ZERO

Toni Gregori

20210623

12. EL BINOMI DE NEWTON

Desenvolupa completament i agrupa els termes semblants:

8.1: $(x^2 + 2x)^6$

8.4: $(3x - 2)^5$

8.7: $(\sqrt{2} - 1)^6$

8.2: $(3x^2 + x)^5$

8.5: $(x^3 - 3x)^6$

8.8: $(\sqrt{2} + \sqrt[3]{2})^4$

8.3: $(2x^3 + 3x)^4$

8.6: $(3x^3 - x)^4$

8.9: $(\sqrt{3} - \sqrt{2})^5$

13. FACTOR COMÚ

Treure factor comú en les següents expressions:

9.1: $x^2 - x \cdot y$

9.4: $20m - 30m^2$

9.7: $24x^2y^3z - 40xy^2z^3$

9.2: $10x^2 - 5x$

9.5: $16x^2 + 12x$

9.8: $x^2yz - xy^2z + xyz^2$

9.3: $12b^3 + 8b^2$

9.6: $15a^2b - 20ab^2$

9.9: $24a^3 + 20a^2b - 16ab^2$

9.10: $20m^4 - 15m^3 + 10m^2 - m$

9.11: $14a^4b + 32a^3b^2 + 8a^2b^4$

9.12: $4 \cdot (x + y) + 5 \cdot (x + y)$

9.13: $(a + b) \cdot x + (a + b) \cdot y$

9.14: $x^2y \cdot (ab - c) + (ab - c)$

9.15: $x^2(ay - y) - y + ay$

9.16: $(a + b) \cdot (a - b) + (a - b)^2$

9.17: $(x^2 - y^2) \cdot (x^2 + y^2) - (x^2 - y^2) \cdot 2x$



10. DESCOMPOSAR EN FACTORS

10.1: $x^2 - 4$

10.2: $100 - b^2$

10.3: $9x^2 - y^2$

10.4: $a^2 - 25b^2$

10.5: $36x^2 - 49y^2$

10.6: $x^2 - \frac{1}{9}$

10.7: $\frac{1}{64} - 9a^2$

10.8: $x^4 - y^2$

10.9: $3a^3 - 3ax^2$

10.10: $a^4 - 1$

10.11: $a^2 - (a^2 + 2ab + b^2)$

10.12: $(a+3)^2 - (3a-6)^2$

10.13: $25(x+y)^2 - 16(x-y)^2$

10.14: $ax + ay + bx + by$

10.15: $x^2 - x + \frac{1}{9}$

11. EQUACIONS DE 1r GRAU

11.1: $\frac{3x-5}{2} - \frac{2x+3}{5} - \frac{5x+3}{4} = 4x - \frac{15x+1}{2}$

11.2: $\frac{2x-5}{3} - \frac{2-3x}{4} = \frac{4x+8}{3} - \frac{x-2}{2}$

11.3: $3(2x-1) - 5(4x+3) = 2(3x-8)$

11.4: $3(2x-1) = \frac{4x-2}{5}$

11.5: $\frac{3x-1}{2} - \frac{2x+3}{5} = 2x - 2$

Temari: Repàs de l'ESO

11.6: $9x - \frac{7-x}{8} = 10 - 2x + \frac{x}{4}$

11.7: $\frac{1}{2} \left(2 + 3x - \frac{6-x}{20} \right) - \frac{3+40x}{8} = \frac{2}{5} \left(\frac{3}{4} - \frac{3x+11}{2} \right) - \frac{3x-1}{4}$

11.8: $2 \cdot \frac{x+5}{3} = x-2$

11.9: $\frac{x+1}{2} - \frac{x+1}{3} = 1 - \frac{x+5}{6}$

11.10: $\frac{1}{5}(2-4x) - \frac{1}{3}(1-3x) = 0$

12. SISTEMES D'EQUACIONS DE 1r GRAU

12.1 *Resol pel mètode de SUBSTITUCIÓ:*

a) $\begin{cases} 3x - y = 7 \\ 2x + 3y = 34 \end{cases}$

b) $\begin{cases} 2x + 3y = 23 \\ 3x + 2y = 27 \end{cases}$

12.2 *Resol pel mètode de IGUALACIÓ:*

a) $\begin{cases} 2x + y = 3 \\ 5x - 2y = -33 \end{cases}$

b) $\begin{cases} 2x + 5y = 19 \\ 3x - 4y = -6 \end{cases}$

12.3 *Resol pel mètode de REDUCCIÓ:*

a) $\begin{cases} 5x - y = 8 \\ 2x + 3y = 27 \end{cases}$

b) $\begin{cases} 4x - 5y = 2 \\ 5x + 3y = 21 \end{cases}$

Simplifica i resol els següents sistemes pel mètode que vulguis:

12.4: $\left. \begin{aligned} \frac{4x+5y}{2} - \frac{x+3y}{3} &= 2x+y-2 \\ \frac{x+1}{2} - \frac{y-1}{3} &= y+5 \end{aligned} \right\}$



Temari: Repàs de l'ESO

$$12.5: \left. \begin{aligned} \frac{7x+y}{5} - \frac{4x-2y}{4} &= 2x+y-3 \\ \frac{3x-y}{2} - \frac{5x-3y}{6} &= y-10 \end{aligned} \right\}$$

$$12.6: \left. \begin{aligned} \frac{2x-3y}{3} - \frac{5x-3y}{6} &= 2x-7 \\ 4x+3y &= 10+5y \end{aligned} \right\}$$

$$12.7: \left. \begin{aligned} 3(x-2y)-2(5x+y) &= x-y+5 \\ 5x+3y+1 &= x \end{aligned} \right\}$$
